



День 4

Розбір задач

A - The Shortest Fence

- Знайти максимальну та мінімальну координати X та Y серед усіх клітинок, що містять коней.
- Оскільки ми мусимо побудувати один суцільний паркан, то нам не вдасться його побудувати меншим ніж $((X_{\max} - X_{\min} + 1) + (Y_{\max} - Y_{\min} + 1)) \cdot 2$.
- Складність $O(L \cdot W)$.

D - Undisputed Champion

- Знайти країну з найвищим рейтингом за системою золото->срібло->бронза.
- Якщо кілька країн мають однакові максимальні показники медалей, то відповідь -1.
- В іншому випадку перевірити чи існує хоча б одна інша країна, в якої більша сума срібних та золотих медалей, або більша сума всіх медалей.
- Якщо така країна існує, то відповідь -1, інакше країна з найвищим рейтингом за системою золото->срібло->бронза і буде шуканою.
- Складність $O(N)$.

G - Lyceum Exam

- Переберемо всі підмножини чисел a_1, \dots, a_k .
- Нехай в підмножині є m елементів, і $s = \text{НСК}$ цих елементів
- Тоді вона фігуруватиме в результаті як $(-1)^m \cdot 2^m \cdot \lfloor N/s \rfloor$.
- Складність - $O(2^k)$.

C - Rikishi Way

- Повернути всі фігури на площині навколо точки $(0; 0)$ на такий кут, щоб центр стартової позиції сумоїста ліг на вісь OX .
- Після цього для нових координат порахувати кількість бамбуків для яких виконується хоча б одна з умов:
 - відстань до початку координат менша за $R+R_i$;
 - координата Y_i по модулю менша за $R+R_i$ та координата X_i знаходиться між 0 та $X_{\text{сумоїста}}$.
- Складність $O(N)$.

F - Rock, Scissors, Paper

- Нехай зараз є n учасників, тоді:
- Ймовірність перейти в стан i ($0 < i < n$): $p(i) = C_n^i / 3^{n-1}$.
- Ймовірність залишитись в стані n : $p(n) = 1 - p(1) - \dots - p(n-1)$.
- $f(n) = p(n) \cdot f(n) + p(n-1) \cdot f(n-1) + \dots + p(1) \cdot f(1) + 1$.
- Знаходимо $f(n)$.
- Складність $O(N^2)$.

B - Rowing

- Робимо динамічний масив $Res[k][sum]$.
- В масиві динамічно обчислюємо кількість способів розсадити n спортсменів, з яких k гребуть зліва, а сума їхніх позицій рівна sum .
- Для пришвидшення обчислення рахуємо лише до N спортсменів, потім щоб отримати результат для $2N$ формуємо його з двох половин по N на основі даних масиву.
- Складність $O(N^3)$.

I - Black and White Hexoland

- Зауважимо, що зв'язні області формують дерево.
- Побудуємо це дерево.
- Для кожного запиту знаходимо відстань між двома вершинами дерева.
- Складність $O(M \cdot \log(\sqrt{N}))$.

E - Olympic Climbing

- Переберемо місце, яке наш спортсмен займе в другій дисципліні.
- Для всіх інших порахуємо яке мінімальне місце вони можуть зайняти так, щоб не випередити українського спортсмена.
- Якщо тепер можна зібрати послідовний список місць від 1 до N , то наш учасник може зайняти перше місце.
- Складність $O(N^2)$.

H - Hexoland Map

- Побудуємо граф сусідства країн. Важливо щоб для кожної вершини порядок її сусідів підходив під планарне розміщення графу.
- Для цього сусідів будемо записувати в порядку обходу кордонів по контуру.
- Застосуємо алгоритм розфарбування планарного графу.
- складність $O(N)$ або $O(N^2)$ залежно від алгоритму розфарбування.